

Dans tous les exercices le plan est rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

### Exercice 1

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^2 - 2x - 2$

- 1) Montrer que la fonction  $f$  est dérivable en 1, et déterminer  $f'(1)$ .
- 2) Donner une équation cartésienne de la tangente  $T$  à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 1.
- 3) Donner une approximation affine de  $f(0,99)$ .

### Exercice 2

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{-2\}$  par  $f(x) = \frac{2x-1}{x+2}$  et soit  $C_f$  sa courbe représentative.

- 1) Montrer que la fonction  $f$  est dérivable en  $-1$ , et déterminer  $f'(-1)$ .
- 2) Donner une équation cartésienne de la tangente  $T$  à la courbe de  $f$  au point d'abscisse  $-1$ .
- 3) Donner une approximation affine de  $f(-1,002)$ .

### Exercice 3

Soit la fonction  $f$  définie sur  $[3, +\infty[$  par ;  $f(x) = \sqrt{x-3}$

- 1) a) Etudier la dérivabilité de  $f$  à droite en 3.  
b) Interpréter le résultat graphiquement.
- 1) Montrer que la fonction  $f$  est dérivable en 4, et déterminer  $f'(4)$ .
- 2) Donner une équation cartésienne de la tangente  $T$  à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 4.
- 3) Donner une approximation affine de  $f(4,002)$ .

### Exercice 4

Soit la fonction  $f$  définie sur  $[-2, +\infty[$  par  $f(x) = \sqrt{x+2}$

- 1) a) Etudier la dérivabilité de  $f$  à droite en  $-2$ .  
b) Interpréter le résultat graphiquement.
- 2) a) Montrer que  $f$  est dérivable en 2.  
b) Donner une équation cartésienne de la tangente  $T$  à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 2.
- 3) Donner une approximation affine de  $f(2,001)$ .

### Exercice 5

Soit  $f$  la fonction définie par : 
$$\begin{cases} f(x) = x^2 + x & \text{si } x \geq 0 \\ f(x) = \frac{x}{x-1} & \text{si } x < 0 \end{cases}$$
 et soit  $C_f$  sa courbe représentative.

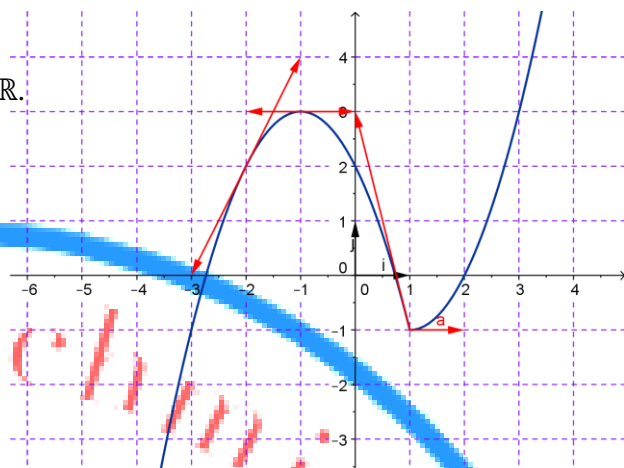
- 1) Montrer que  $f$  est continue sur  $\mathbb{R}$ .
- 2) a) Etudier la dérivabilité de  $f$  en 0.  
b) Interpréter le résultat graphiquement.
- 3) a) Montrer que  $f$  est dérivable sur chacun des intervalles  $]-\infty, 0[$  et  $]0, +\infty[$ .  
b) Calculer  $f'(x)$  pour tout  $x \in \mathbb{R}^*$ .

- 4) Soit  $A$  un point de  $C_f$  d'abscisse  $x_0$  et soit  $T$  la tangente à  $C_f$  en  $A$ . Déterminer le point  $A$  pour que  $T$  soit parallèle à la droite  $\Delta: y = 3x + 1$ .

### Exercice 6

Le graphique ci-contre représente une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

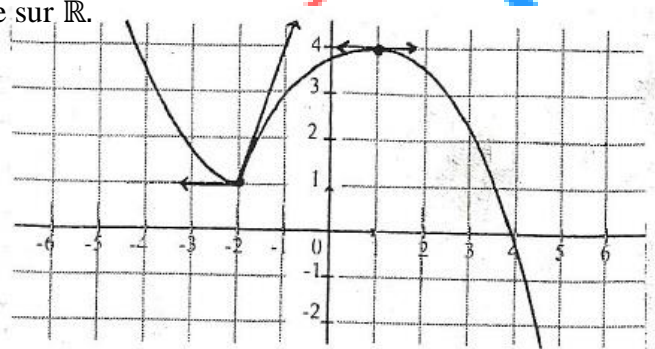
- Déterminer graphiquement  $f(1)$ ;  $f'(-2)$  et  $f'(-1)$
- La fonction  $f$  est-elle dérivable à droite en 1, à gauche en 1 et en 1?
- Déterminer graphiquement  $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)+1}{x-1}$  et  $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x)+1}{x-1}$
- Déterminer le domaine de dérivabilité de  $f$ .



### Exercice 7

Le graphique ci-dessous représente une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

- La fonction  $f$  est-elle dérivable en  $-2$ ?
- Déterminer graphiquement  $f'_g(-2)$ ;  $f'_d(-2)$  et  $f'(1)$
- Dresser le tableau de variation de  $f$ .



### Exercice 8

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x) = \frac{3x}{2x-1}$ . On désigne par  $C_f$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- Montrer que  $f$  est dérivable sur  $\mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ , et que pour tout  $x \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ ;  $f'(x) = \frac{-3}{(2x-1)^2}$
- Soit la droite  $\Delta: y = -3x$ .
  - Montrer qu'il existe deux tangentes  $T_1$  et  $T_2$  à  $C_f$  parallèles à la droite  $\Delta$ .
  - Donner une équation cartésienne de chacune des tangentes  $T_1$  et  $T_2$
- Existe-t-il des tangentes à  $C_f$  passant par le point  $A(2, 0)$ ?

### Exercice 9

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par : 
$$\begin{cases} f(x) = \frac{2x+2}{1-x} & \text{si } x \leq -1 \\ f(x) = x^2 + 3x + 2 & \text{si } x > -1 \end{cases}$$
 et soit  $C_f$  sa courbe représentative.

- Montrer que  $f$  est continue en  $-1$ .
- Etudier la dérivabilité de  $f$  en  $-1$ .
  - Ecrire une équation de la tangente  $T$  à  $C_f$  au point d'abscisse  $-1$ .
- Calculer  $f'(x)$  pour tout  $x \in \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .
- Existent-ils des points de  $C_f$  où la tangente est parallèle à la droite :  $\Delta: y = \frac{1}{4}x - 1$ ? Si oui préciser leurs coordonnées.