

Prof : Hédi Smida



Devoir de contrôle n°1
en mathématiques

durée : $\lim_{x \rightarrow 4} 5x^2 + 12x - 8$ min

Lycée Ghraiba

Classe : 3^{ème} Tech₁
2025 ~ 2026

Nom : **Prénom :** **Classe :**

Exercice N°1 : **(3 points)**

Pour chacune des questions suivantes, une seule réponse est correcte, cocher la :

- 1) La mesure principale de l'angle $(\vec{u}, \vec{v})$ dont l'un de ces mesures est $\frac{119\pi}{11}$ est
a) $-\frac{4\pi}{11}$ ☐ ; b) $\frac{9\pi}{11}$ ☐ ; c) $-\frac{9\pi}{11}$ ☐
- 2) Si $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{5} + 2k\pi ; k \in \mathbb{Z}$, alors $(-2\vec{v}, 3\vec{u})$ est égale à :
a) $\frac{4\pi}{5} + 2k\pi ; k \in \mathbb{Z}$ ☐ ; b) $-\frac{4\pi}{5} + 2k\pi ; k \in \mathbb{Z}$ ☐ ; c) $\frac{\pi}{5} + 2k\pi ; k \in \mathbb{Z}$ ☐
- 3) Soit x un réel, $\cos\left(x + \frac{5\pi}{4}\right)$ est égale à :
a) $-\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ ☐ ; b) $\cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$ ☐ ; c) $-\cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ ☐
- 4) Soit la fonction $f(x) = \frac{\sqrt{4+x}-2}{x}$, alors $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ est égale à :
a) 0 ☐ ; b) $+\infty$ ☐ ; c) $\frac{1}{4}$ ☐

Exercice N°2 : **(6 points)**

I- Soit la fonction f définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = \frac{2-x^2}{x^2+1}$

- 1) Montrer que f est une fonction paire.
- 2) a) Vérifier que pour tout $x \in \mathbb{R}$ on a $f(x) = \frac{3}{x^2+1} - 1$.
b) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
c) Montrer que f est décroissante sur $[0; +\infty[$ puis déduire le sens de variation de f sur $] -\infty; 0]$.
- 3) a) Montrer que f est minorée par (-1) et majorée par 2 .
b) Montre que 2 est un maximum absolu de f .
- 4) On donne dans (l'annexe 1) la courbe (φ_f) de la restriction de f sur $[0; +\infty[$
a) Compléter le traçage de la courbe (φ_f) .
b) Déterminer graphiquement, suivant le réel m , le nombre des solutions de l'équation $f(x) = m$.

II- Soit la fonction g définie sur $\mathbb{R}$ par $g(x) = |2 + x| - |x|$

- 1) Montrer que g est une fonction affine par intervalles.
- 2) Tracer la courbe (φ_g) représentation graphique de g sur (l'annexe 1).
- 3) Résoudre graphiquement :
 - a) $f(x) = g(x)$.
 - b) $f(x) < g(x)$.

Exercice N°3 : (6 points)

Soit f la fonction définie par :
$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2-1}{2x^2+4x-6} & \text{si } x < 1 \\ f(x) = \frac{\sqrt{x+3}-2}{x-1} & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

On désigne par (φ_f) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- 1) Déterminer le domaine de définition de f .
- 2) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
- 3) a) Calculer $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$.
b) Montrer que pour tout $x > 1$, on a : $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+3}+2}$
c) la fonction f admet-elle une limite en 1 ? Justifier.
- 4) a) Calculer $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x)$.
b) Interpréter graphiquement les résultats.

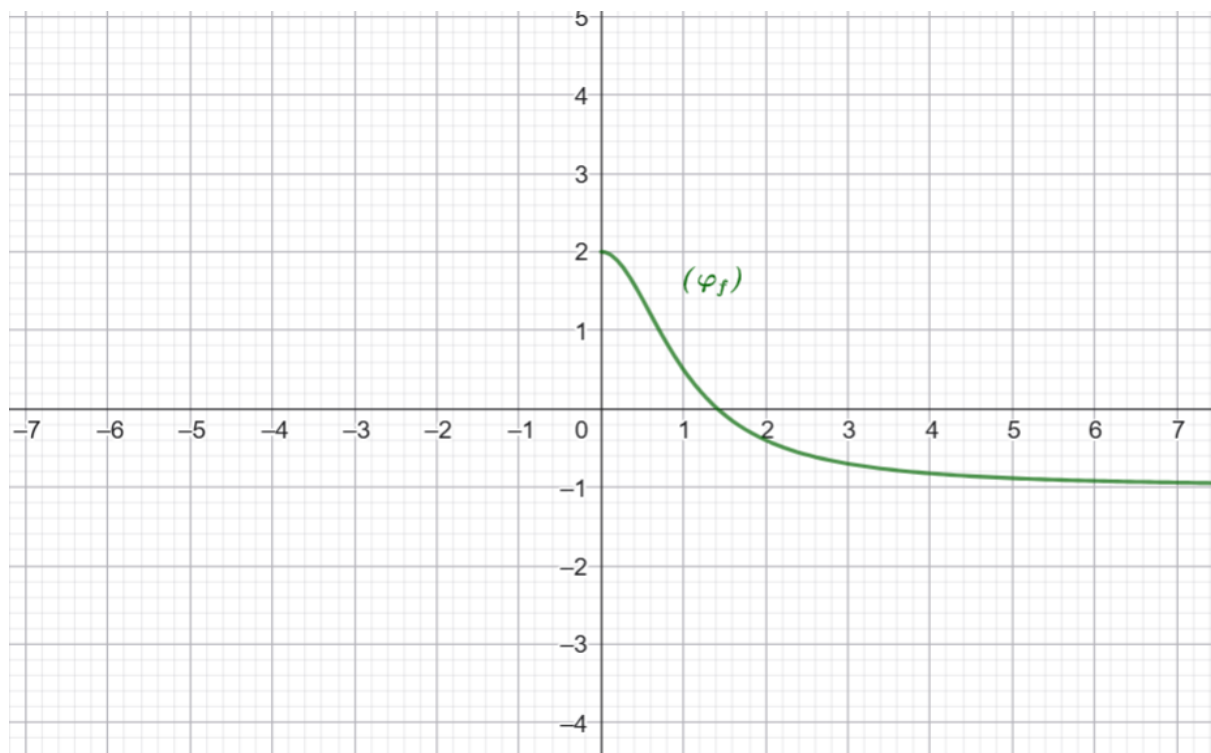
Exercice N°4 : (5 points)

Dans le plan orienté $\mathcal{P}$, on considère le triangle équilatéral dans le sens direct ABC . voir (annexe 2, à compléter au fur et à mesure).

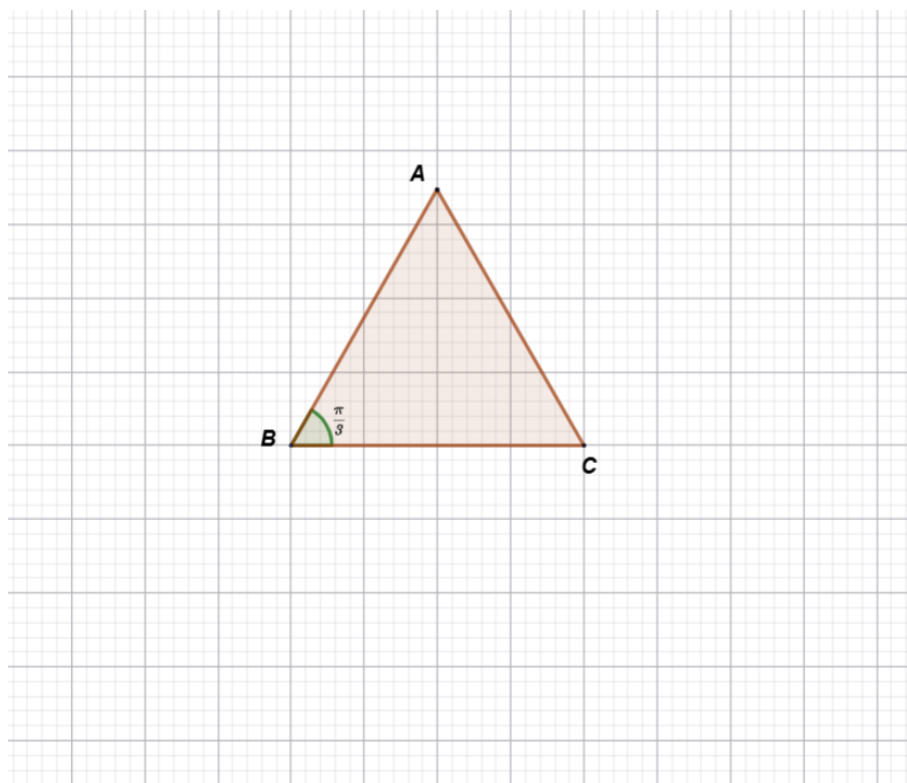
- 1) Soit E un point de $\mathcal{P}$ vérifiant $(\overrightarrow{AC}; \overrightarrow{AE}) = \frac{37\pi}{6} + 2k\pi; k \in \mathbb{Z}$.
 - a) $-\frac{37\pi}{6}$ est-elle une mesure de $(\overrightarrow{AC}; \overrightarrow{AE})$? Justifier.
 - b) Déterminer une mesure principale de $(\overrightarrow{AC}; \overrightarrow{AE})$.
 - c) Construire le point E sachant que $AE = AC$.
 - d) Montrer que $(\overrightarrow{CE}; \overrightarrow{CA}) = \frac{5\pi}{12} + 2k\pi; k \in \mathbb{Z}$.
- 2) Montrer que les droites (AB) et (AE) sont perpendiculaires.
- 3) a) Construire le point D vérifiant $(\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BD}) = -\frac{\pi}{2} + 2k\pi; k \in \mathbb{Z}$
et tel que $BD = BC$.
c) En déduire que les points C, D et E sont alignés.

Copie à rendre

Nom :.....Prénom :.....Classe :.....



annexe 1



annexe 2